

EXAMEN

Exercice : 1

a- Donner l'équation aux dimensions de la constante de gravitation universelle G de la formule suivante :

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

avec : m_1 et m_2 les masses des deux corps et d représente la distance qui les sépare.

b- On considère un repère orthonormé R (Oxyz) de base $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ et les deux vecteurs $\vec{V}_1 = 3\vec{i} - 4\vec{j} + 4\vec{k}$ et $\vec{V}_2 = 5\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$

b.1- Calculer le produit scalaire $\vec{V}_1 \cdot \vec{V}_2$ et en déduire l'angle α formé par les deux vecteurs.

b.2- Calculer le produit vectoriel $\vec{V}_1 \wedge \vec{V}_2$.

Exercice : 2

Un point M est repéré par rapport au repère R (Oxy) de base $(\vec{i}; \vec{j})$, à l'instant t par les coordonnées suivantes : $x(t) = t^2 - 1$ et $y(t) = 2t$.

- 1- Donner l'expression de la trajectoire du point M .
- 2- Donner l'expression de la vitesse du point M .
- 3- Donner l'expression de l'accélération du point M .
- 4- Quelle est la nature du mouvement ? Justifier.
- 5- Déterminer la composante tangentielle de l'accélération.
- 6- En déduire la composante normale de l'accélération.
- 7- Calculer le rayon de courbure de la trajectoire ρ .

Exercice : 3

Soit le pendule simple de la figure 01 ; formé d'un fil inextensible de longueur constante $AM = l$ et de masse « m » assimilée à un point matériel M . On écarte la masse de sa position d'équilibre stable d'un angle θ_M et on l'abandonne sans vitesse initiale ($\dot{\theta}_0 = 0$).

1. Déterminer l'équation du mouvement $\theta(t)$ de ce pendule pour les faibles oscillations (petites). On travaillera pour la détermination de l'équation du mouvement dans une base polaire liée à la masse « m » ($\vec{u}_\rho; \vec{u}_\theta$) et on utilisera le Principe Fondamentale de la Dynamique. $\sum \vec{F}_{ex} = m \cdot \vec{a}$.

