

**EXAMEN**

**Exercice : 1**

a- Donner l'équation aux dimensions de la constante de gravitation universelle  $G$  de la formule suivante :

$$F = G \frac{m_1 \cdot m_2}{d^2}$$

avec :  $m_1$  et  $m_2$  les masses des deux corps et  $d$  représente la distance qui les sépare.

b- On considère un repère orthonormé  $R$  ( $Oxyz$ ) de base  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  et les deux vecteurs  $\vec{V}_1 = 3\vec{i} - 4\vec{j} + 4\vec{k}$  et  $\vec{V}_2 = 5\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$

b.1- Calculer le produit scalaire  $\vec{V}_1 \cdot \vec{V}_2$  et en déduire l'angle  $\alpha$  formé par les deux vecteurs.

b.2- Calculer le produit vectoriel  $\vec{V}_1 \wedge \vec{V}_2$ .

**Exercice : 2**

Un point  $M$  est repéré par rapport au repère  $R$  ( $Oxy$ ) de base  $(\vec{i}; \vec{j})$ , à l'instant  $t$  par les coordonnées suivantes :  $x(t) = t^2 - 1$  et  $y(t) = 2t$ .

- 1- Donner l'expression de la trajectoire du point  $M$ .
- 2- Donner l'expression de la vitesse du point  $M$ .
- 3- Donner l'expression de l'accélération du point  $M$ .
- 4- Quelle est la nature du mouvement ? Justifier.
- 5- Déterminer la composante tangentielle de l'accélération.
- 6- En déduire la composante normale de l'accélération.
- 7- Calculer le rayon de courbure de la trajectoire  $\rho$ .

**Exercice : 3**

Soit le pendule simple de la figure 01 ; formé d'un fil inextensible de longueur constante  $AM = l$  et de masse «  $m$  » assimilée à un point matériel  $M$ . On écarte la masse de sa position d'équilibre stable d'un angle  $\theta_M$  et on l'abandonne sans vitesse initiale ( $\dot{\theta}_0 = 0$ ).

1. Déterminer l'équation du mouvement  $\theta(t)$  de ce pendule pour les faibles oscillations (petites). On travaillera pour la détermination de l'équation du mouvement dans une base polaire liée à la masse «  $m$  » ( $\vec{u}_\rho; \vec{u}_\theta$ ) et on utilisera le Principe Fondamentale de la Dynamique.  $\sum \vec{F}_{ex} = m \cdot \vec{a}$ .

