

التمرين الأول: (05 نقاط)

William Herschelle Uranus) هو الكوكب السابع من المجموعة الشمسية ، تم إكتشافه سنة 1781 من طرف الفلكي ، و تعرف عليه العالم أكثر سنة 1986 بواسطة (*La Sonde Voyager II*). يستغرق (*Uranus*) 84 ans لكي ينجز دورة واحدة حول الشمس . هذا الكوكب له عدة أقمار ، أهمها مدونة في الجدول التالي :

القمر	نصف قطر الدوران ($10^6 m$)	الدور (jours)
<i>Miranda</i>	129,8	1,40
<i>Ariel</i>	191,2	2,52
<i>Umbriel</i>	266,0	4,14
<i>Titania</i>	435,8	8,71
<i>Oberon</i>	582,6	13,50

نعتبر أن كتل الكواكب موزعة تنازليا على حجومها ، و ندرس حركة أقمار (*Uranus*) في معلم مبدئي منطبق مع مركز (*Uranus*) و نعتبره غاليليا . نعتبر كذلك مدارات الأقمار دائيرية .

1- عرف المعلم العطالي ، و ما هو شرط أن يكون المعلم السابق عطاليا ؟

2- بيّن أن حركة أحد أقمار (*Uranus*) منتظمة .

3- أحسب سرعة القمر (*Ariel*) .

4- مثّلنا بيانيا مربع سرعة الأقمار بدلالة مقلوب نصف قطر الدوران : $v^2 = f\left(\frac{1}{r}\right)$.

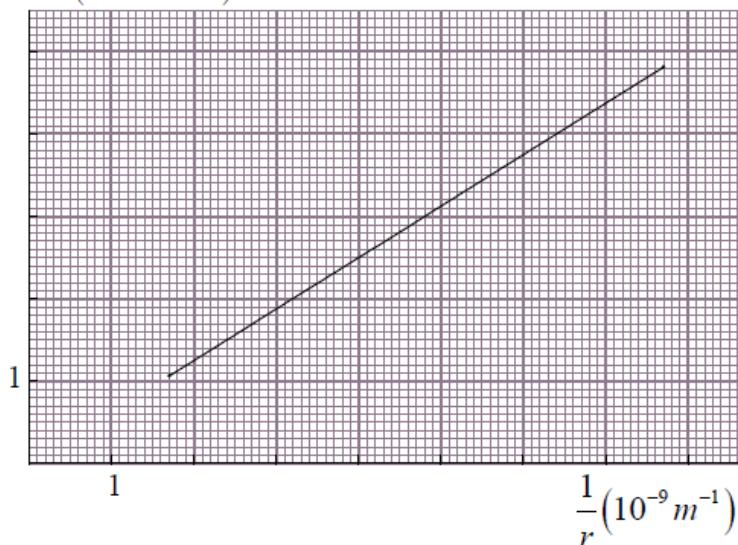
أ/ عّبر عن سرعة أحد الأقمار بدلالة G ، r ، M_U ، G ، حيث : M_U هي كتلة (*Uranus*) .

ب/ استنتج باستعمال البيان قيمة الكتلة M_U .

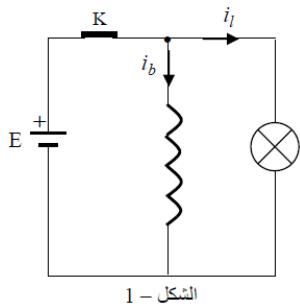
5-أ/ أذكر نص القانون الثالث لكبلر ، ثم باستعمال الجدول السابق ، بيّن أن هذا القانون محقق .

ب/ استنتاج كتلة (*Uranus*) ، و قارنها مع القيمة المحسوبة سابقا .

يعطى: ثابت الجذب العام : $IJ = 86400s$ ، $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$



التمرين الثاني: (07 نقاط)



- مصباح مقاومته ثابتة $\Omega = 400 \Omega$ ، لا يشتعل إلا تحت توتر أكبر من 220V . نغلق القاطعة فيمرّ تيار ثابت $i_b = 1,2A$ في الوشيعة ، و تيار ثابت i_n في المصباح .

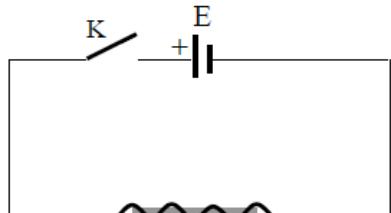
١- ملائكته العظام

١- هل يسعى المصباح : على حسابي .

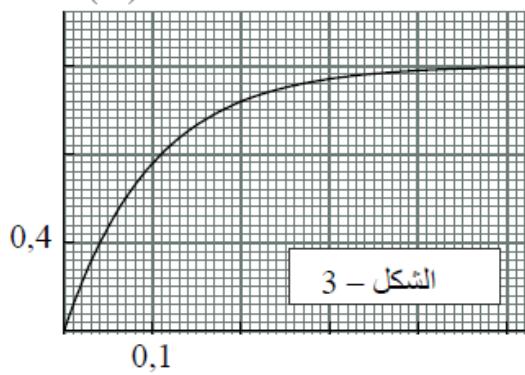
2- احسب مقاومة الوشيعة .

3- أحسب التوتر بين طرفي المصباح لحظة فتح القاطعة . ما هي الظاهرة التي تحدث عند المصباح ؟

III- تعيد تركيب الدارة كما في الشكل-2 ، بحيث تكون النواة الحديدية مغمورة كلها داخل الوشيعة . نغلق الفاطعة عند اللحظة $t = 0$.



الشكل - 2



١- أكتب المعادلة التقاضلية التي تعبر عن شدة التيار في الدارة .

2- بَيْنَ أَنَّ الْعِبَارَةَ : $i = A e^{-\frac{t}{\alpha}} + B$ هي حل للمعادلة التفاضلية السابقة ، و ذلك باختيار مناسب للثابتين α و B ، ثُمَّ حَدَّ عِبَارَةَ الثَّابِتِ A .

3- مثلثا بيانيا $i = f(t)$. الشكل-3

أ) حدد قيمة ثابت الزمن للدارة .

III- نُعيد تركيب الدارة ، مع إضافة ناقلين أو مبين مقاومتهما R_1

و R_2 و صمام ثبائي و مقاييس فولط و مقاييس أمبير . الشكل-4 .
 نغلق القاطعة عند اللحظة $t = 0$ ، فتسنقر إبرة مقاييس الأمبير على
 القيمة $I = 0,2A$. تابعنا تطور التوتر u_{AB} باستعمال تجهيز غير ممثّل
 في الشكل-4 . و رسمنا البيان (t) $u_{AB} = h$ في الشكل-5 .

١- مثل حمة النار و التوترات بين طرف عناصر الدارة الكهربائية .

2- أكتب المعادلة التفاضلية التي حلها $u_{AB} = R_1 I(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$ ، ثم عرّف ثابت الزمن τ_1 ، و عبر عنه بدالة مميزات عناصر الادارة .

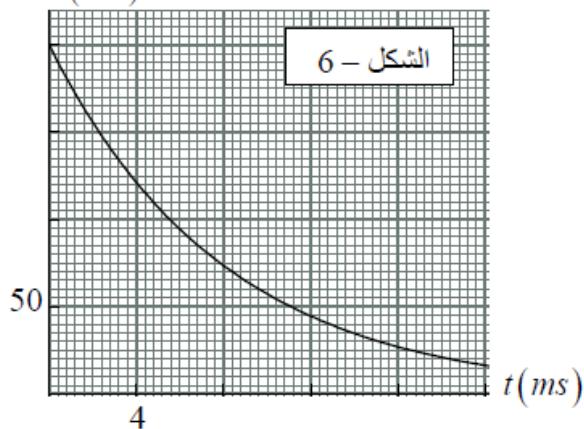
3- ما هي القيمة التي يشير لها مقياس الفولط عندما تستقر
ايردة مقياس الامبير ؟

٤- بين أن النواة الحديدية لم تكن مغمورة كلها داخل الوسعة .

VI- فتح القاطعة عند اللحظة $t = 0$. مثّلنا بيانيًا تغيرات شدة التيار بدلالة الزمن في الشكل-6 .

$i(mA)$

الشكل - 6



1- أكتب المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار في الدارة .

2- إستعن بالبيان لحساب قيمة R_2 .

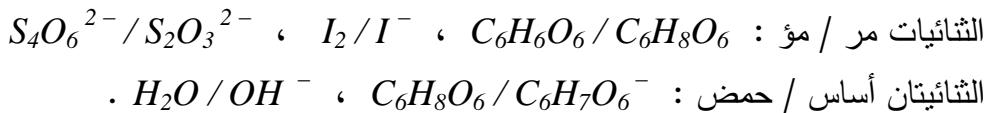
3- ما هي القيمة التي يشير لها مقياس الفولط لحظة فتح القاطعة ؟

4- أحسب الطاقة التي تكون قد تحولت بفعل جول بحلول اللحظة

$$t = 8ms$$

التمرين الثالث : (08 نقاط) (تمرين تجاري)

في حصة الأعمال التطبيقية أراد فوجان من التلاميذ تحديد التركيز الكثي (C_m) لمحلول حمض الأسكوربيك ($C_6H_8O_6$) بطريقتين مختلفتين . يملك حمض الأسكوربيك خاصية حمضية و خاصية مرجة .



الفوج الأول : قام بالمعايرة pH مترية لحمض الأسكوربيك ، حيث أخذ التلاميذ في بيشر حجم V_0 من الحمض وأضافوا له نفس الحجم من الماء المقطر ، ثم أخذوا من المحلول الجديد حجم $V_A = 20mL$ ، و ملؤوا سحاحة مدرجة بمحلول مائي لهيدروكسيد البوتاسيوم (K^+, OH^-) تركيزه المولي $C_B = 5 \times 10^{-2} mol/L$ ، وبعد الحصول على القياسات

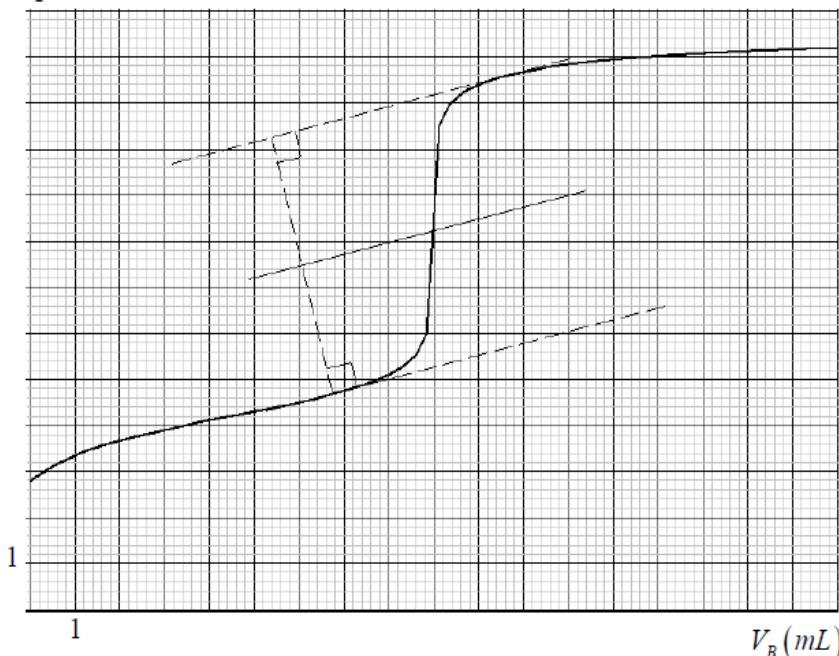
$$pH = f(V_B) .$$

1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

2- عرف التكافؤ حمض-أساس ، ثم حدد إحداثي نقطة التكافؤ حمض-أساس .

$$3- \text{عين } pK_a \text{ الثنائية } C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^- .$$

4- أحسب التركيز الكثي (C_m) لحمض الأسكوربيك .



5- بيّن بطريقتين أن حمض الأسكوربيك ضعيف في الماء .

6- أحسب التركيز المولي لحمض الأسكوربيك في البيشر عند التكافؤ ، ثم إستنتج أنه يمكن اعتبار تفاعل المعايرة تماما .

7- قارن قوة حمض الأسكوربيك مع حمض البروبانويك (C_2H_5COOH) .

8- في حالة استعمال كاشف ملون لتحديد نقطة التكافؤ ، ما هو الكاشف الأنسب من بين الكواشف التالية لهذه المعايرة ؟

الهيليانتين : مجال تغير اللون [3,1 - 4,4] ، الفينول فتالين : مجال تغير اللون [10 - 8,2]

أزرق البروموتيمول : مجال تغير اللون [6 - 7,6] .

الفوج الثاني : قام التلميذ بأكسدة حمض الأسكوربيك ، و ذلك بإضافة كمية زائدة من محلول ثانوي اليود I_2 إلى بيشر يحتوي حجم $V_1 = 10mL$ من حمض الأسكوربيك . حجم ثانوي اليود المضاف هو $V_2 = 20mL$ و تركيزه المولي $C_2 = 3,5 \times 10^{-2} mol/L$.

وفي نهاية التفاعل قام التلميذ بمعايرة ثانوي اليود في البيشر بواسطة محلول مائي لثيوکبريتات الصوديوم $(2Na^+, S_2O_3^{2-})$ تركيزه المولي $C_3 = 2,5 \times 10^{-2} mol/L$ ، فاحتاجوا إلى حجم منه $V_E = 20mL$ لإستهلاك كل ثانوي اليود الموجود في البيشر .

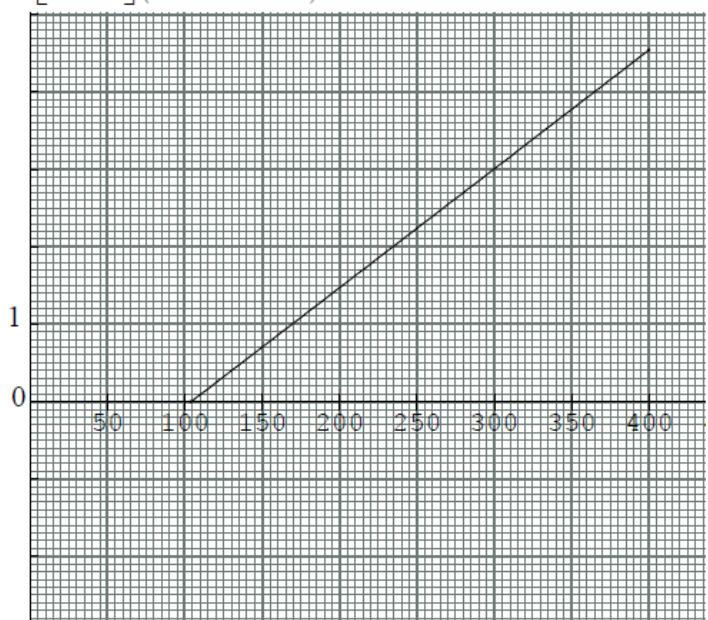
- 1- أكتب معادلة التفاعل بين حمض الأسكوربيك و ثانوي اليود ، ثم أشئ جدول التقدم لهذا التفاعل .
 - 2- أذكر الشروط التي تتوفر في محلول ثيوکبريتات الصوديوم لاستعماله في هذه المعايرة .
 - 3- أكتب معادلة تفاعل معايرة ثانوي اليود بثيوکبريتات الصوديوم ، ثم أحسب كمية مادة ثانوي اليود غير المتفاعلة مع حمض الأسكوربيك .
 - 4- أحسب التركيز الكثلي (C_m) لحمض الأسكوربيك ، قارن نتيجتي الفوجين .
- يعطى : $C = 12 g/mol$ ، $O = 16 g/mol$ ، $H = 1 g/mol$ ، $pK_a(C_2H_5COOH / C_2H_5COO^-) = 4,9$

التمرين الرابع: (تمرين إضافي للمراجعة)

نحل كمية كتلتها $m = 1,44g$ من حمض كربوكسيلي صيغته من الشكل $C_nH_{2n+1}COOH$ ، في الماء و نحصل على محلول حجمه $V = 1L$ و تركيزه المولي C_a . نأخذ منه حجما $V_a = 20mL$ ، و نضيف له تدريجيا محلولا مائيا لهيدروكسيد الصوديوم (Na^+, OH^-) تركيزه المولي $C_b = 0,05 mol/L$.

ليكن V_{bE} هو حجم محلول الأساس اللازم للتكافؤ .

سجل قيم pH عند كل إضافة ، و نمثل بيانيا $\frac{1}{V_b}(L^{-1})$ حيث V_b هو حجم محلول الأساس المضاف .



$$\frac{1}{V_b}(L^{-1})$$

$$(1) \dots \dots \quad [H_3O^+] = K_a V_{bE} \times \left(\frac{1}{V_b} \right) - K_a \quad \text{، ثم بين أن:} \quad [H_3O^+] \text{، } V_b \text{، } C_b \text{، } V_a \text{، } C_a \text{، } V_{bE} \text{، } K_a \text{، } V_{bE} \text{ و } K_a \text{ قيمتي .}$$

5- إستنتاج من البيان و العلاقة (1) قيمة V_{bE} .

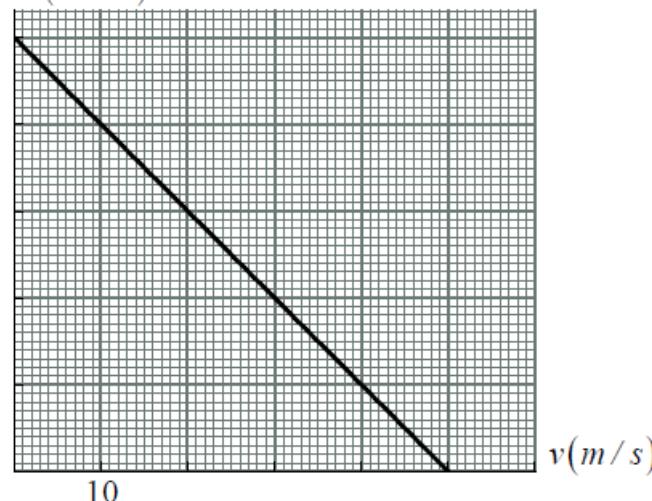
6- أحسب قيمة C_a ، ثم أوجد الصيغة المجملة للحمض الكربوكسيلي ، و تعرف على إسمه في القائمة :

$$\text{يعطى: } H = 1 g/mol \quad O = 16 g/mol \quad C = 12 g/mol$$

الحمض	الميثانويك	الإيثانويك	البروبانويك
الصيغة	$HCOOH$	CH_3COOH	C_2H_5COOH

التمرين الأول: (04 نقاط) تمارين إضافية في السقوط الشاقولي

- . يسقط مظلي من مروحة ساكنة بدون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$. يخضع أثناء سقوطه لقوة إحتكاك $\vec{f} = -k_1 \vec{v}$. كتلة المظلي مع مظلته $m = 70\text{kg}$ ، $g = 10 \text{ m/s}^2$. قبل فتح المظلة :



- مثّلنا تغيرات تسارع المظلي بدلالة سرعته .
- 1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد المعادلة التفاضلية التي تميّز سرعة المظلي .
 - 2- بيّن أن دافعة أرخميدس مهملاً أمام القوى الأخرى .
 - 3- اشرح لماذا تُصبح سرعة المظلي ثابتة بعد فترة معينة ، ثم أوجد طولية هذه السرعة مستعيناً بالبيان .
 - 4- أحسب ثابت الإحتكاك k_1 ، و الثابت المميز للحركة .

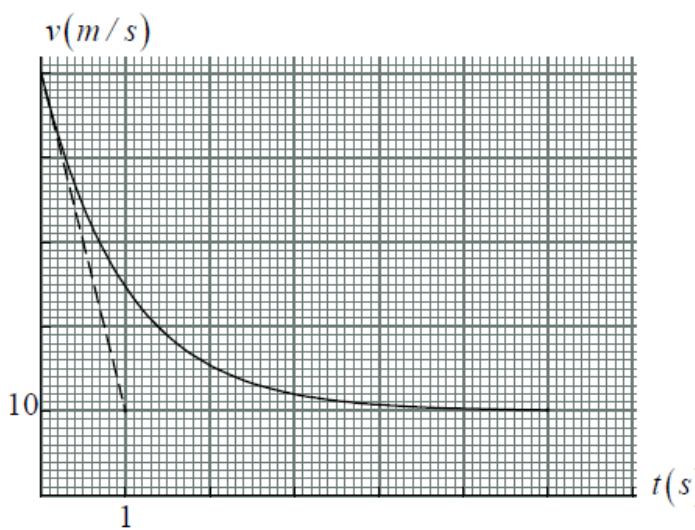
بعد فتح المظلة :

نهم دافعة أرخميدس ، و نعتبر $t = 0$ لحظة فتح المظلة .

مثّلنا سرعة المظلي بدلالة الزمن ، و المماس للبيان عند $t = 0$.

تُعطى قوة الإحتكاك التي تؤثر على المظلي مع مظلته بعبارة $\vec{f}' = -k_2 \vec{v}$.

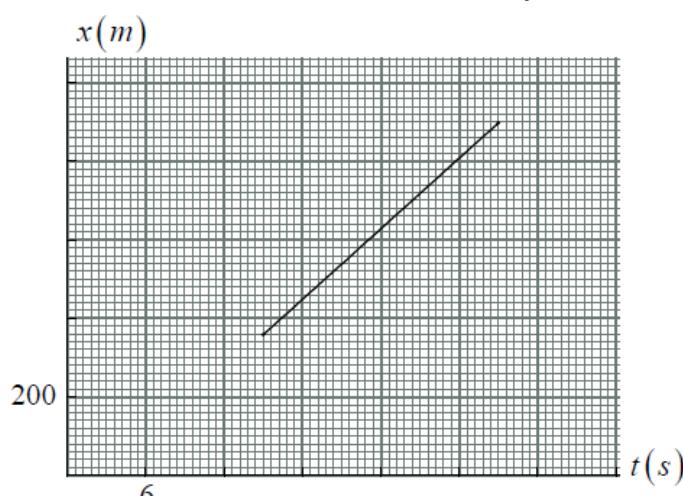
- 1- مثل القوى المؤثرة على المظلي عند اللحظة $t = 0$.
- 2- أحسب طولية قوة الإحتكاك عند $t = 0$.
- 3- أوجد قيمة ثابت الإحتكاك k_2 بطريقتين مختلفتين .



التمرين الثاني: (04 نقاط)

- تسقط قطرة ماء ذات ذات شكل كروي شاقوليًا بدون سرعة ابتدائية عند اللحظة $t = 0$. و ذلك في جو هادئ (عدم وجود رياح) . نصف قطر قطرة $r = 0,5\text{mm}$ ، الكتلة الحجمية للماء $\rho_e = 1\text{g/mL}$ ، الكتلة الحجمية للهواء $\rho_a = 1,2\text{g/L}$.
- تخضع الكرة أثناء سقوطها لقوة إحتكاك \vec{f} تتناسب مع سرعة الكرة :

- 1- عَبَرْ عن النسبة بين شدة دافعة أرخميدس و ثقل القطرة بدلالة ρ_e و ρ_a ، ثم بيّن أنه يمكن إهمال الدافعة أمام الثقل .
- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، بيّن أن المعادلة التفاضلية بدلالة السرعة تُكتب بالشكل : $\frac{dv}{dt} + Av = B$ ، و بواسطة التحليل البعدي حدد بعدي A و B ، و إستنتج وحدة قياس ثابت الإحتكاك .
- 3- مثّلنا في الشكل جزءاً من مخطط فاصلة قطرة بدلالة الزمن $x(t)$.



أ/ أوجد السرعة الحدية لقطرة .

ب/ أحسب قيمة ثابت الإحتكاك .

ج/ مثل بشكل تقريري مخطط سرعة الكرة (t) .

4- بعد قطع الكرة لمسافة $h = 600m$ تلقت دفعه خاطفة من رياح غير متوقعة أكسبتها سرعة أفقية ثابتة $v_1 = 25m/s$. نعتبر $t = 0$ هي اللحظة التي تلقت فيها القطرة هذه الدفعه . نهمل تأثير الهواء في هذا الجزء من الدراسة .

أ/ أدرس حركة القطرة في معلم سطحي أرضي نعتبره غاليليا . (نختار محور الفواصل أفقيا و محور التراتيب شاقوليا نحو الأسفل ، و المبدأ نقطة وجود القطرة في اللحظة $t = 0$) .

ب/ استنتج معادلة مسار القطرة .

ج/ على أي ارتفاع عن سطح الأرض تلقت القطرة دفعه الرياح ، علما أنها وصلت لسطح الأرض في اللحظة $t = 7,6s$ ؟

د/ ما هي المسافة بين نقطة سقوطها و الشاقول المار من نقطة تلقيها للدفعه ؟

ه/ أحسب سرعة القطرة لحظة وصولها للأرض .

يعطى : نعتبر التسارع الأرضي ثابتًا خلال حركة القطرة : $g = 9,8m/s^2$ ، حجم الكرة : $V = \frac{4}{3} \pi r^3$.

التمرين الثالث: (40 نقاط)

كرة مملوءة متجانسة ، نصف قطرها $r = 1cm$ ، و كثتها الحجمية $\rho_s = 800kg/m^3$.

1- أحسب شدة ثقل الكرة (\vec{P}) .

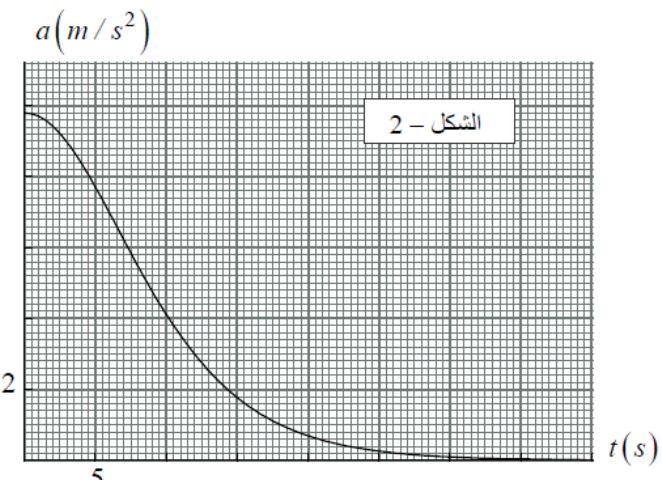
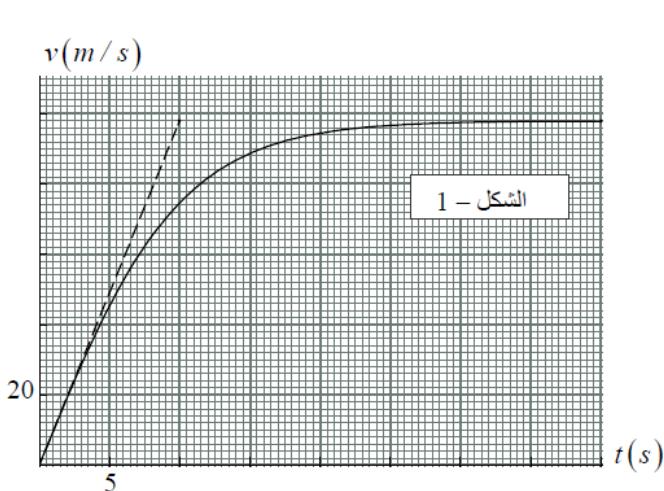
2- أحسب شدة دافعة أرخميدس (\vec{F}_A) في الحالتين التاليتين :

- نغمي الكرة كلّيًّا في الماء - نغمي الكرة كلّيًّا في الهواء . ماذا تلاحظ ؟

3- برج خليفة هو أعلى برج في العالم ، إرتفاعه الكلي $828m$ ، يحتوي على 163 طابقا ، تم تدشينه في 4 يناير 2010 .

في جو هادئ تركنا الكرة السابقة تسقط من نافذة أعلى طابق في البرج . تخضع الكرة أثناء سقوطها زيادة عن قوة ثقلها لقوة إحتكاك مع الهواء $\vec{f} = kvv$. نهمل دافعة أرخميدس ، و نعتبر التسارع الأرضي ثابتًا طيلة حركة الكرة: $g = 9,8m/s^2$.

متى سرعة و تسارع الكرة خلال نزولها : (t) و (a) في الشكلين (1) و (2) .



أ/ أدرس حركة الكرة في معلم سطحي أرضي ، و استنتاج المعادلة التفاضلية للسرعة .

ب/ كيف تتأكد اعتمادا على البيانات أن دافعة أرخميدس مهملة ؟

ج/ بواسطة التحليل البعدى ، و باستعمال العلاقة $\vec{f} = kvv$ ، بين أن وحدة ثابت الإحتكاك هي (kg/m) .

د/ باستخدام المعادلة التفاضلية ، و أحد البيانات ، أوجد قيمة ثابت الإحتكاك .

هـ/ بَيْنَ أَنَّ الثَّابِتَ الْمُمِيزَ لِلْحَرْكَةِ يُكْتَبَ عَلَى الشَّكْلِ : $\tau = \sqrt{\frac{m}{k \times g}}$. أَحْسَبْ قِيمَتَهُ ، وَ تَأْكِدْ بِيَانِيَا مِنَ النَّتِيْجَةِ .
و/ حَدَّدْ الْمَدَةَ الْزَّمِنِيَّةَ الَّتِي يَمْكُنُ اعْتَبَارَ قُوَّةَ الإِحْتِكَاكِ مُهَمَّةً فِيهَا أَمَامَ ثَقْلَ الْكَرَةِ .

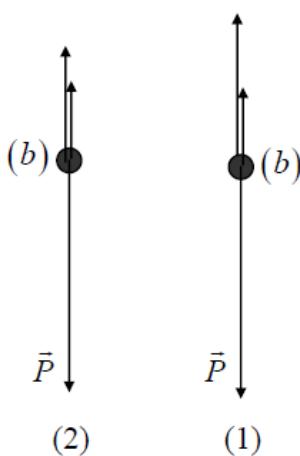
ي/ حَدَّدْ قِيمَةَ تَقْرِيبِيَّةَ لِلنَّظَامِ الْإِنْتَقَالِيِّ .

ز/ حَدَّدْ بِيَانِيَا وَ بِطَرْيَقَتِينِ تَسَارُعَ الْكَرَةِ عَنْ الْحَلْظَةِ $t = \tau$.

يُعْطَى : الْكَتْلَةُ الْحَجمِيَّةُ : لِلْمَاءِ $\rho_{air} = 1,2 g/cm^3$ ، $\rho_{eau} = 1 g/cm^3$ ، لِلْهَوَاءِ فِي شُرُوطِ التَّجْرِيَّةِ : L . حَجْمُ الْكَرَةِ : $V = \frac{4}{3} \pi r^3$.

التمرين الرابع: (04 نقاط)

كَرَةٌ مُمْلَوَّةٌ مُتَجَانِسَةٌ (b) كَتْلَتِهَا $m = 3,8 g$ ، تَسَقُّطُ بِدَءَهَا مِنَ السُّكُونِ دَاخِلَ سَائِلٍ كَتْلَتَهُ الْحَجمِيَّةُ $\rho_f = 1240 kg/m^3$. تَخْضُعُ الْكَرَةِ لِأَثْنَاءِ حَرْكَتِهَا إِلَى دَافِعَةِ أَرْخَمِيدِسِ \vec{F}_A وَ قُوَّةِ الإِحْتِكَاكِ الْمَائِعِ $\vec{f} = k v$ - .



1- كَيْفَ تَفَسِّرُ وُجُودُ نَظَامَيْنِ خَلَالَ حَرْكَةِ الْكَرَةِ ؟

2- أَنْسَبُ لِكُلِّ نَظَامٍ تَمثِيلُ الْقُوَّاتِ الْمُنَاسِبَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ ، مَعَ التَّعْلِيْلِ .

3- بَيْنَ أَنَّ الْمَعَادِلَةَ التَّقَاضِيَّةَ الَّتِي تَمْيِيزُ سُرْعَةَ الْكَرَةِ يُكْتَبَ بالشَّكْلِ : $\frac{dv}{dt} + A v = B$.

4- مَا هُوَ الْمَدْلُولُ الْفِيَزِيَّانيُّ لِكُلِّ مِنْ A وَ B ؟ مَا هِيَ وَحْدَةُ قِيَاسِ A ؟

5- يُعْطَى الْمَعَادِلَةُ التَّقَاضِيَّةُ لِلْحَرْكَةِ : $\frac{dv}{dt} + 5,52 v = 3,1$ ، حيث: v بـ (m/s) و t بـ (s) .

أ/ أَحْسَبْ السُّرْعَةَ الْحَدِيثَةَ لِلْكَرَةِ .

ب/ أَحْسَبْ الْكَتْلَةَ الْحَجمِيَّةَ لِلْكَرَةِ .

ج/ أَحْسَبْ قِيمَةَ ثَابِتِ الإِحْتِكَاكِ .

د/ أَحْسَبْ أَعْظَمَ قِيمَةَ لِقُوَّةِ الإِحْتِكَاكِ .

هـ/ أَحْسَبْ شَدَّةَ دَافِعَةِ أَرْخَمِيدِسِ .